

#### МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ, НАУКИ И МОЛОДЕЖИ РЕСПУБЛИКИ КРЫМ

#### Государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования Республики Крым

«Крымский инжеперно-педагогический университет имени Февзи Якубова» (ГБОУВО РК КИПУ имени Февзи Якубова)

#### Кафедра математики

СОГЛАСОВАНО

Руководитель ОПОП

**4**\_\_\_\_И.Э. Аметов

«<u>21</u>» <u>93</u> 20<u>22</u> г.

**УТВЕРЖДАЮ** 

Заведующий кафедрой

Е.А. Павлов

<u>2022</u> г.

### РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.О.07 «Математика»

направление подготовки 15.03.01 Машиностроение профиль подготовки «Электромеханика и сварка»

факультет инженерно-технологический

Рабочая программа дисциплины Б1.О.07 «Математика» для бакалавров направления подготовки 15.03.01 Машиностроение. Профиль «Электромеханика и сварка» составлена на основании ФГОС ВО, утвержденного приказом Министерства науки и высшего образования Российской Федерации от 09.08.2021 № 727.

Д.Д., Гельфанова, доц.

Рабочая программа расс	смотрена и одоб <del>ре</del> на на заседании кафедры математики
OT 04.03	20 <u> </u>
Заведующий кафедрой	Е.А. Павлов
Рабочая программа расс	смотрена и одобрена на заседании УМК инженерно-
технологического факул	пьтета
от 21.03	20 <u>22</u> г., протокол № <u>Z</u>
Председатель УМК	Э.Р. Шарипова

Составитель

рабочей программы



#### МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ, НАУКИ И МОЛОДЕЖИ РЕСПУБЛИКИ КРЫМ

#### Государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования Республики Крым

### «Крымский инженерно-педагогический университет имени Февзи Якубова» (ГБОУВО РК КИПУ имени Февзи Якубова)

#### Кафедра математики

СОГЛА	COBAHO			УТВЕ	ЕРЖДАЮ	
Руководі	итель ОПОП			Заведуют	ций кафедр	ой
	И.Э. Амет	ЭВ			Е.А. Пав	лов
« »	20	Γ.	<b>«</b>	<b>&gt;&gt;</b>	20	Γ.

### РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ Б1.О.07 «Математика»

направление подготовки 15.03.01 Машиностроение профиль подготовки: «Электромеханика и сварка»

факультет инженерно-технологический

Рабочая программа дисциплины Б1.О.07 «Математика» для бакалавров направления подготовки 15.03.01 Машиностроение. Профиль подготовки «Электромеханика и сварка» составлена на основании ФГОС ВО, утвержденного приказом Министерства науки и высшего образования Российской Федерации от 09.08.2021 № 727

Составитель	
	Д.Д. Гельфанова, канд. пед. наук, доц.
	иотрена и одобрена на заседании кафедры математики _ 20г., протокол №
Заведующий кафедрой	подпись Е.А. Павлов
Рабочая программа расотехнологического факуль	
Председатель УМК	С.А. Феватов

- 1. Рабочая программа дисциплины Б1.О.07 «Математика» для бакалавриата направления подготовки 15.03.01 Машиностроение, профиль подготовки «Электромеханика и сварка».
- 2.Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

#### 2.1. Цель и задачи изучения дисциплины (модуля)

#### Цель дисциплины (модуля):

— формирование инженера как специалиста способного использовать теоретические положения знания по линейной алгебре, аналитической геометрии, дифференциальному и интегральному исчислению функций одной и многих переменных, дифференциальным уравнениям, теории рядов для научно — обоснованного решения задач возникающих в технике.

#### Учебные задачи дисциплины (модуля):

- способствовать пониманию основных идей, понятий и методов математики;
- демонстрировать практические приложения математики в науке, производстве, сфере обслуживания, строительстве, военном деле и т.п.

#### 2.2. Планируемые результаты освоения дисциплины

Процесс изучения дисциплины Б1.О.07 «Математика» направлен на формирование следующих компетенций:

УК-1 - Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач

В результате изучения дисциплины студент должен:

#### Знать:

- сущность и значение математики в развитии современного общества
- основные математические понятия и определения для решения профессиональных задач

#### Уметь:

- решать задачи по линейной алгебре, аналитической геометрии, дифференциальному исчислению
- решать задачи по неопределенным и определенным интегралам, дифференциальным уравнениям, теории рядов

#### Владеть:

- математическим аппаратом при решении профессиональных задач
- основными методами, способами и средствами получения, хранения, переработки математической информации

#### 3. Место дисциплины в структуре ОПОП.

Дисциплина Б1.О.07 «Математика» относится к дисциплинам обязательной части учебного плана.

#### 4. Объем дисциплины (модуля)

(в зачетных единицах с указанием количества академических или астрономических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся)

	Общее	кол-во		Конта	ктны	е часы	[			Контроль
Семестр	кол-во часов	зач. единиц	Всего	лек	лаб. зан.	прак т.зан	сем.	ИЗ	СР	(время на контроль)
1	216	6	78	32		46			111	Экз (27 ч.)
2	144	4	64	20		44			53	Экз (27 ч.)
Итого по ОФО	360	10	142	52		90			164	54
1	216	6	22	8		14			185	Экз К (9 ч.)
2	144	4	16	6		10			119	Экз К (9 ч.)
Итого по ЗФО	360	10	38	14		24			304	18

# 5. Содержание дисциплины (модуля) (структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических или астрономических часов и видов учебных занятий)

						Кол	ичес	гво ча	асов						
Наименование тем			ОЧН	ая фо	рма					заочі	ная ф	орма			Форма
(разделов, модулей)	Всего		I	в том	числ	e		Всего		I	з том	числ	e		текущего контроля
	В	Л	лаб	пр	сем	И3	CP	B	Л	лаб	пр	сем	И3	CP	1
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
			l	Моду	ль 1.	Лин	ейна	я алг	ебра						
Матрицы	11	2		2			7	14			2			12	контрольная работа
Невырожденные матрицы	13	2		4			7	12						12	контрольная работа
Системы линейных алгебраических уравнений	15	2		6			7	12						12	контрольная работа
Векторы	13	4		2			7	14			2			12	контрольная работа
			Мод	уль 2	. Ана	лити	ческ	ая ге	омет	рия.					
Уравнения прямой на плоскости	11	2		2			7	16	2		2			12	контрольная работа
Линии второго порядка на плоскости	11	2		2			7	12						12	контрольная работа
Плоскость и прямая в пространстве	13	2		4			7	14			2			12	контрольная работа
Поверхности второго порядка	11	2		2			7	12						12	контрольная работа
Модул	ь <del>3.</del> Д	(ифф	ерені	циалі	ьное	исчи	слені	ие фу	нкци	и оді	ной п	ерем	енно	й.	

															1
Множества и	11	2		2			7	16	2		2			12	контрольная
функции	11	4		4			,	10	4		4			12	работа
Пределы числовых															
последовательностей	12	2		2			8	12						12	контрольная работа
и функций															раоота
Непрерывность		_					_								контрольная
функции	14	2		4			8	12						12	работа
Производная и															
дифференциал	14	2		4			8	16	2		2			12	контрольная
функции	17			7			O	10	2		2			12	работа
~ *															
Производные и	10	2		2			0	10						10	контрольная
дифференциалы	12	2		2			8	12						12	работа
высших порядков															
Исследование															контрольная
функций при помощи	14	2		4			8	15						15	работа
производных															
			M	Іодул	<b>ь 4.</b> ]	Комп	лекс	ные ч	нисла	ì.					
Понятие и															
представления	14	2		4			8	18	2		2			14	контрольная работа
комплексных чисел															раоота
Всего часов за									_						
1 /1 семестр	189	32		46			111	207	8		14			185	
Форма промеж.															
контроля			Экзаг	мен -	27 ч.					Экза	мен -	- 9 ч.			
		11				***	d			777057		03.5044			
	уль э	. ИН	гегра.	льно	е исч	исле	ние ч	ункі	ции о	дного	пер	емен	ного		
Неопределенный	16	2		6			8	19	2		2			15	контрольная работа
интеграл															puooru
Интегрирование															
тригонометрических	15	2		4			9	17			2			15	контрольная
и иррациональных															работа
функций															
Определенный	13	2		2			9	15						15	контрольная
интеграл	13	2		2			9	13						13	работа
Модуль 6	. Диф	фере	енциа	льно	е исч	исле	ние с	рунк	ций н	еско	льки	х пер	емен	ных	
Функции нескольких	1.~	_		A			0	10	2		2			1.~	контрольная
переменных	15	2		4			9	19	2		2			15	работа
Производные и															
дифференциалы															контрольная
функции нескольких	17	2		6			9	15						15	работа
переменных															
•															
Модуль 7. Диффере	нциа	льнь	ые <b>ур</b> а	авнеі	ния. ,	<b>Двой</b>	ной и	інтег	рал.	Крив	олин	ейнь	ле ин	тегра	лы. Ряды
Дифференци-альные				6			9	10	2		2			15	контрольная
I	17	2					9	19						13	работа
уравнения	17	2											_		
уравнения Линейные	17	2		0											
* *	17	2													
Линейные															КОНТВОЛЬНЯЯ
Линейные дифференциальные	17	2		2			9	17			2			15	контрольная работа
Линейные дифференциальные уравнения второго							9	17			2			15	_
Линейные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными							9	17			2			15	_
Линейные дифференциальные уравнения второго порядка с							9	17			2			15	_

Криволинейные интегралы	15	2		4		9	17					17	контрольная работа
Ряды	17	2		6		9	17					17	контрольная работа
Всего часов за 2 /2 семестр	154	20		44		89	171	6		10		155	
Форма промеж. контроля			Экза	мен -	27 ч.				Экза	імен -	- 9 ч.		
Всего часов дисциплине	342	52		90		200	378	14		24		340	
часов на контроль				54						18			

### 5. 1. Тематический план лекций

№ лекц	Тема занятия и вопросы лекции	Форма проведения (актив.,		чество
		интерак.)	ОФО	ЗФО
1.	Матрицы	Акт.	2	
	Основные вопросы:			
	Матрицы (основные понятия)			
	Действия над матрицами			
	Определители (основные понятия)			
	Свойства определителей			
2.	Невырожденные матрицы	Акт.	2	
	Основные вопросы:			
	Невырожденные матрицы (основные понятия)			
	Обратная матрица.			
	Элементарные преобразования матриц.			
	Ранг матрицы			
3.	Системы линейных алгебраических уравнений	Акт.	2	
	Основные вопросы:			
	Решение произвольной системы линейных			
	уравнений.			
	Решение невырожденных линейных систем.			
	Формулы Крамера			
	Решение систем линейных уравнений методом			
	Гаусса			
	Системы линейных однородных уравнений			
4.	Векторы	Акт.	4	
	Основные вопросы:			

	Векторы (основные понятия)			
	Линейные операции над векторами			
	Проекция вектора на ось			
	Разложение вектора по ортам координатных			
	осей.			
	Модуль вектора. Направляющие косинусы.			
	Действия над векторами, заданными			
	проекциями.			
	Скалярное произведение векторов и его			
	свойства.			
	Векторное произведение векторов и его			
	свойства			
	Смешанное произведение векторов и его			
	свойства			
5.	Уравнения прямой на плоскости	Акт.	2	2
	Основные вопросы:			
	Система координат на плоскости			
	Деление отрезка в данном отношении			
	Линии на плоскости			
	Уравнения прямой на плоскости			
	Прямая линия на плоскости. Основные задачи			
6.	Линии второго порядка на плоскости	Акт.	2	
	Основные вопросы:			
	Основные понятия.			
	Окружность			
	Эллипс			
	Гипербола			
	Парабола			
	Общее уравнение линий второго порядка			
7.	Плоскость и прямая в пространстве	Акт.	2	
	Основные вопросы:			
	Основные понятия			
	Уравнения плоскости в пространстве			
	Плоскость. Основные задачи			
	Уравнения прямой в пространстве			
	Прямая линия в пространстве. Основные			
	задачи			

	Прямая и плоскость в пространстве			
8.	Поверхности второго порядка	Акт.	2	
	Основные вопросы:			
	Цилиндрические поверхности			
	Поверхности вращения.			
	Конические поверхности			
	Канонические уравнения поверхностей			
	второго порядка			
9.	Множества и функции	Акт.	2	2
	Основные вопросы:			
	Основные понятия			
	Числовые множества			
	Множество действительных чисел			
	Числовые промежутки. Окрестность точки			
	Понятие функции			
	Числовые функции. График функции.			
	Способы задания функций			
	Основные характеристики функции			
	Обратная функция			
	Сложная функция			
	Основные элементарные функции и их			
10.	Пределы числовых последовательностей и функций	Акт.	2	
	Основные вопросы:			
	Числовая последовательность			
	Пиотот уулагарай таатагаралагы уулагы			
	Предел числовой последовательности			
	Число е. Натуральные логарифмы			
	Предел функции в точке			
	Односторонние пределы			
	Бесконечно большие функции			
	Связь между функцией, ее пределом и			
	бесконечно малой функцией			
	Основные теоремы о пределах			
	Первый замечательный предел			
	Второй замечательный предел			
11	Замечательные пределы	1	2	
11.	Непрерывность функции	Акт.	2	
	Основные вопросы:			

	Сравнение бесконечно малых функций Эквивалентные бесконечно малые и основные теоремы о них			
	Непрерывность функции в точке Непрерывность функции в интервале и на отрезке			
	Точки разрыва функции и их классификация Основные теоремы о непрерывных функциях Непрерывность элементарных функций Свойства функций, непрерывных на отрезке			
12.	Производная и дифференциал функции  Основные вопросы:  Задачи, приводящие к понятию производной	Акт.	2	2
	Определение производной. Уравнение касательной и нормали к кривой Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции Производная суммы, разности, произведения и частного функций Производная сложной и обратной функций Производные основных элементарных функций Гиперболические функции и их производные Дифференцирование неявных функций Дифференцирование функций заданных параметрически. Логарифмическое дифференцирование			
	Понятие дифференциала функции Основные теоремы о дифференциалах Таблица дифференциалов			
13.	Производные и дифференциалы высших порядков Основные вопросы: Производные высших порядков явно заданной функции	Акт.	2	
	Механический смысл производной второго порядка			

Формула Тейлора для произвольной функции  14. Исследование функций при помощи производных Основные вопросы: Некоторые теоремы о дифференцируемых функциях  Правила Лопиталя Возрастание и убывание функций Максимум и минимум функций Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке Выпуклость графика функции. Точки перегиба Асимптоты графика функции Общая схема исследования функции и построения графика  15. Понятие и представления комплексных чисел Основные вопросы: Определение комплексных чисел
производных Основные вопросы: Некоторые теоремы о дифференцируемых функциях  Правила Лопиталя Возрастание и убывание функций Максимум и минимум функций Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке Выпуклость графика функции. Точки перегиба Асимптоты графика функции Общая схема исследования функции и построения графика  15. Понятие и представления комплексных чисел Основные вопросы: Определение комплексных чисел
Основные вопросы: Некоторые теоремы о дифференцируемых функциях  Правила Лопиталя Возрастание и убывание функций Максимум и минимум функций Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке Выпуклость графика функции. Точки перегиба Асимптоты графика функции Общая схема исследования функции и построения графика  15. Понятие и представления комплексных чисел Основные вопросы: Определение комплексных чисел
Некоторые теоремы о дифференцируемых функциях  Правила Лопиталя Возрастание и убывание функций Максимум и минимум функций Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке Выпуклость графика функции. Точки перегиба Асимптоты графика функции Общая схема исследования функции и построения графика  15. Понятие и представления комплексных чисел Основные вопросы: Определение комплексных чисел
функциях  Правила Лопиталя Возрастание и убывание функций Максимум и минимум функций Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке Выпуклость графика функции. Точки перегиба Асимптоты графика функции Общая схема исследования функции и построения графика  15. Понятие и представления комплексных чисел Основные вопросы: Определение комплексных чисел
Правила Лопиталя Возрастание и убывание функций Максимум и минимум функций Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке Выпуклость графика функции. Точки перегиба Асимптоты графика функции Общая схема исследования функции и построения графика  15. Понятие и представления комплексных чисел Основные вопросы: Определение комплексных чисел
Возрастание и убывание функций Максимум и минимум функций Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке Выпуклость графика функции. Точки перегиба Асимптоты графика функции Общая схема исследования функции и построения графика  15. Понятие и представления комплексных чисел Основные вопросы: Определение комплексных чисел
Возрастание и убывание функций Максимум и минимум функций Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке Выпуклость графика функции. Точки перегиба Асимптоты графика функции Общая схема исследования функции и построения графика  15. Понятие и представления комплексных чисел Основные вопросы: Определение комплексных чисел
Максимум и минимум функций Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке Выпуклость графика функции. Точки перегиба Асимптоты графика функции Общая схема исследования функции и построения графика  15. Понятие и представления комплексных чисел Основные вопросы: Определение комплексных чисел
Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке Выпуклость графика функции. Точки перегиба Асимптоты графика функции Общая схема исследования функции и построения графика  15. Понятие и представления комплексных чисел Основные вопросы: Определение комплексных чисел
на отрезке Выпуклость графика функции. Точки перегиба Асимптоты графика функции Общая схема исследования функции и построения графика  15. Понятие и представления комплексных чисел Основные вопросы: Определение комплексных чисел
Выпуклость графика функции. Точки перегиба Асимптоты графика функции Общая схема исследования функции и построения графика  15. Понятие и представления комплексных чисел Основные вопросы: Определение комплексных чисел
Асимптоты графика функции Общая схема исследования функции и построения графика  15. Понятие и представления комплексных чисел Основные вопросы: Определение комплексных чисел
Асимптоты графика функции Общая схема исследования функции и построения графика  15. Понятие и представления комплексных чисел Основные вопросы: Определение комплексных чисел
Общая схема исследования функции и построения графика  15. Понятие и представления комплексных чисел Акт. 2 2 2 Основные вопросы: Определение комплексных чисел
построения графика  15. Понятие и представления комплексных чисел Основные вопросы: Определение комплексных чисел
Основные вопросы: Определение комплексных чисел
Основные вопросы: Определение комплексных чисел
Определение комплексных чисел
Геометрическое изображение комплексных
чисел
Формы записи комплексных чисел
Действия над комплексными числами
Сложение комплексных чисел
Вычитание комплексных чисел
Умножение комплексных чисел
Деление комплексных чисел
Извлечение корней из комплексных чисел
16. Неопределенный интеграл         Акт.         2         2
Основные вопросы:
Понятие неопределенного интеграла
Свойства неопределенного интеграла
Таблица основных неопределенных интегралов

	Основные методы интегрирования Метод непосредственного интегрирования Метод интегрирования подстановкой (заменой переменной) Метод интегрирования по частям Понятия о рациональных функциях Интегрирование простейших рациональных дробей Интегрирование рациональных дробей			
17.	Интегрирование тригонометрических и иррациональных функций Основные вопросы: Интегрирование тригонометрических функций Универсальная тригонометрическая подстановка Использование тригонометрических преобразований Интегрирование иррациональных функций Квадратичные иррациональности Дробно-линейная подстановка Тригонометрическая подстановка Подстановки Эйлера Интегрирование дифференциального бинома	Акт.	2	
18.	Определенный интеграл Основные вопросы: Определенный интеграл как предел интегральной суммы Геометрический и физический смысл определенного интеграла Основные свойства определенного интеграла Вычисления определенного интеграла Формула Ньютона-Лейбница Интегрирование подстановкой (заменой переменной) Интегрирование по частям Интеграл с бесконечным промежутком интегрирования (несобственный интеграл І рода)	Акт.	2	

	Интеграл от разрывной функции			
	(несобственный интеграл II рода) Геометрические и физические приложения			
	определенного интеграла			
19.	Функции нескольких переменных	Акт.	2	2
17.	Основные вопросы:	AKI.	2	2
	Функции двух переменных			
	упкции двух переменных			
	Основные понятия			
	Предел функции двух переменных			
	Непрерывность функции двух переменных			
	Свойства функций, непрерывных в			
	ограниченной замкнутой области			
20.	Производные и дифференциалы функции	Акт.	2	
	нескольких переменных			
	Основные вопросы:			
	Частные производные первого порядка			
	Частные производные высших порядков			
	Дифференцируемость и полный дифференциал			
	функции			
	Дифференциалы высших порядков			
	Производная сложной функции. Полная			
	производная			
	Инвариантность формы полного			
	дифференциала			
	Дифференцирование неявной функции			
	Касательная плоскость и нормаль к			
	поверхности			
	Экстремум функции двух переменных			
	Основные понятия			
	Необходимые и достаточные условия			
	экстремума			
	Наибольшее и наименьшее значения функции в			
	замкнутой области			
21.	Дифференци-альные уравнения	Акт.	2	2
	Основные вопросы:			
	Задачи, приводящие к дифференциальным			
	уравнениям			
1				

	Дифференциальные уравнения первого порядка Уравнения с разделяющимися переменными Однородные дифференциальные уравнения Линейные уравнения. Уравнение Я. Бернулли Уравнение в полных дифференциалах Интегрирующий множитель Уравнения Лагранжа и Клеро Дифференциальные уравнения высших			
22	порядков	<b>A</b>	2	
22.	Линейные дифференциальные уравнения	Акт.	2	
	второго порядка с постоянными			
	коэффициентами			
	Основные вопросы:			
	Линейные однородные ДУ второго порядка			
	Интегрирование ДУ второго порядка с постоянными коэффициентами Интегрирование ЛОДУ второго порядка с постоянными коэффициентами			
	Линейные неоднородные дифференциальные уравнения (ЛИДУ)			
	Структура общего решения ЛИДУ второю порядка			
	Метод вариации произвольных постоянных			
	Интегрирование ЛИДУ второго порядка с			
	постоянными коэффициентами и правой			
	частью специального вида			
23.	Двойной интеграл	Акт.	2	
	Основные вопросы:			
	Основные понятия и определения			
	Геометрический и физический смысл двойного			
	интеграла			
	Основные свойства двойного интеграла			
	Вычисление двойного интеграла в декартовых			
	координатах			
	Вычисление двойного интеграла в полярных			
	координатах Приложения двойного интеграла			
24.		Акт.	2	
1 - 1.	1.5.1200111101111101 pwibi	, III.	ı <i>–</i>	I

Основные вопросы:		
Криволинейный интеграл I рода		
Вычисление криволинейного интеграла I рода		
Некоторые приложения криволинейного		
интеграла I рода		
Криволинейный интеграл II рода		
Вычисление криволинейного интеграла II рода		
Формула Грина		
Условия независимости криволинейного		
интеграла II рода от пути интегрирования		
Некоторые приложения криволинейного		
интеграла II рода		
25. Ряды Акт	. 2	
Основные вопросы:		
Числовые ряды		
Необходимый признак сходимости числового		
ряда		
Признаки сравнения рядов: Даламбера,		
радикальный признак Коши, интегральный		
признак Коши		
Знакочередующиеся ряды. Признак Лейбница		
Знакопеременные ряды		
Абсолютная и условная сходимости числовых		
рядов		
Функциональные ряды		
Степенные ряды		
Теорема Н. Абеля		
Интервал и радиус сходимости степенного		
Разложение функций в степенные ряды		
Ряды Тейлора и Маклорена		
Разложение некоторых элементарных функций		
в ряд Тейлора (Маклорена)		
Итого	52	14

### 5. 2. Темы практических занятий

занятия	Наименование практического занятия	Форма проведения (актив.,	Количество часов
---------	------------------------------------	---------------------------	---------------------

ĮΫ		интерак.)	ОФО	3ФО
1.	Матрицы	Акт.	2	2
2.	Невырожденные матрицы	Акт.	4	
3.	Системы линейных алгебраических уравнений	Акт.	6	
4.	Векторы	Акт.	2	2
5.	Уравнения прямой на плоскости	Акт.	2	2
6.	Линии второго порядка на плоскости	Акт.	2	
7.	Плоскость и прямая в пространстве	Акт.	4	2
8.	Поверхности второго порядка	Акт.	2	
9.	Множества и функции	Акт.	2	2
10.	Пределы числовых последовательностей и функций	Акт.	2	
11.	Непрерывность функции	Акт.	4	
12.	Производная и дифференциал функции	Акт.	4	2
13.	Производные и дифференциалы высших	Акт.	2	
	порядков			
14.	Исследование функций при помощи	Акт.	4	
	производных			
15.	Понятие и представления комплексных чисел	Акт.	4	2
16.	Неопределенный интеграл	Акт.	6	2
17.	Интегрирование тригонометрических и	Акт.	4	2
	иррациональных функций			
18.	Определенный интеграл	Акт.	2	
19.	Функции нескольких переменных	Акт.	4	2
20.	Производные и дифференциалы функции	Акт.	6	
	нескольких переменных			
21.	Дифференци-альные уравнения	Акт.	6	2
22.	Линейные дифференциальные уравнения	Акт.	2	2
	второго порядка с постоянными			
	коэффициентами			
23.	Двойной интеграл	Акт.	4	
24.	Криволинейные интегралы	Акт.	4	
25.	Ряды	Акт.	6	
	Итого			

### **5. 3. Темы семинарских занятий** (не предусмотрены учебным планом)

### **5. 4. Перечень лабораторных работ** (не предусмотрено учебным планом)

#### 5. 5. Темы индивидуальных занятий

(не предусмотрено учебным планом)

## 6. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

Самостоятельная работа по данной дисциплине включает такие формы работы как: работа с базовым конспектом; работа с литературой, чтение дополнительной литературы; подготовка к устному опросу; подготовка к контрольной работе; выполнение контрольной работы; подготовка к экзамену.

#### 6.1. Содержание самостоятельной работы студентов по дисциплине (модулю)

№	Наименование тем и вопросы, выносимые на самостоятельную работу	Форма СР	Кол-в	о часов
	самостоятельную работу		ОФО	3ФО
1	Матрицы Основные вопросы: Матрицы (основные понятия) Действия над матрицами Определители (основные понятия) Свойства определителей	выполнение контрольной работы; работа с литературой, чтение дополнительно й литературы; подготовка к устному опросу	7	12
2	Невырожденные матрицы Основные вопросы: Невырожденные матрицы (основные понятия) Обратная матрица. Элементарные преобразования матриц. Ранг матрицы	выполнение контрольной работы; работа с литературой, чтение дополнительно й литературы	7	12
3	Системы линейных алгебраических уравнений Основные вопросы: Решение произвольной системы линейных уравнений. Решение невырожденных линейных систем. Формулы Крамера Решение систем линейных уравнений методом Гаусса Системы линейных однородных уравнений	подготовка к контрольной работе; работа с литературой, чтение дополнительно й литературы	7	12
4	Векторы Основные вопросы:	подготовка к контрольной работе; работа с	7	12

	Векторы (основные понятия) Линейные операции над векторами Проекция вектора на ось Разложение вектора по ортам координатных осей. Модуль вектора. Направляющие косинусы	литературой, чтение дополнительно й литературы; выполнение контрольной работы		
	Действия над векторами, заданными проекциями. Скалярное произведение векторов и его свойства. Векторное произведение векторов и его свойства Смешанное произведение векторов и его свойства			
5	Уравнения прямой на плоскости Основные вопросы: Система координат на плоскости Деление отрезка в данном отношении Линии на плоскости Уравнения прямой на плоскости	подготовка к контрольной работе; работа с литературой, чтение дополнительно й литературы	7	12
	Прямая линия на плоскости. Основные задачи			
6	Линии второго порядка на плоскости Основные вопросы: Основные понятия. Окружность	подготовка к контрольной работе; работа с литературой, чтение дополнительно й литературы	7	12
	Эллипс Гипербола Парабола Общее уравнение линий второго порядка			
7	Плоскость и прямая в пространстве Основные вопросы: Основные понятия  Уравнения плоскости в пространстве Плоскость. Основные задачи	подготовка к контрольной работе; работа с литературой, чтение дополнительно й литературы	7	12

8	Уравнения прямой в пространстве Прямая линия в пространстве. Основные задачи Прямая и плоскость в пространстве Поверхности второго порядка Основные вопросы: Цилиндрические поверхности Поверхности вращения. Конические поверхности Канонические уравнения поверхностей второго порядка	подготовка к контрольной работе; работа с литературой, чтение дополнительно й литературы	7	12
9	Множества и функции Основные вопросы: Основные понятия Числовые множества Множество действительных чисел Числовые промежутки. Окрестность точки Понятие функции Числовые функции. График функции. Способы задания функций Основные характеристики функции Обратная функция Сложная функция Основные элементарные функции и их	подготовка к контрольной работе; работа с литературой, чтение дополнительно й литературы	7	12
10	Пределы числовых последовательностей и функций Основные вопросы: Числовая последовательность Предел числовой последовательности Число е. Натуральные логарифмы Предел функции в точке Односторонние пределы Бесконечно большие функции Связь между функцией, ее пределом и бесконечно малой функцией Основные теоремы о пределах	подготовка к контрольной работе; работа с литературой, чтение дополнительно й литературы	8	12

	Первый замечательный предел Второй замечательный предел Замечательные пределы			
11	Непрерывность функции Основные вопросы: Сравнение бесконечно малых функций Эквивалентные бесконечно малые и основные теоремы о них	подготовка к контрольной работе; работа с литературой, чтение дополнительно й литературы	8	12
	Непрерывность функции в точке Непрерывность функции в интервале и на отрезке Точки разрыва функции и их классификация Основные теоремы о непрерывных функциях Непрерывность элементарных функций Свойства функций, непрерывных на отрезке			
12	Производная и дифференциал функции Основные вопросы: Задачи, приводящие к понятию производной Определение производной. Уравнение касательной и нормали к кривой Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции Производная суммы, разности, произведения и частного функций Производная сложной и обратной функций Производные основных элементарных функций Гиперболические функции и их производные Таблица производных Дифференцирование неявных функций Дифференцирование функций заданных параметрически. Логарифмическое дифференцирование Понятие дифференциала функции Основные теоремы о дифференциалах Таблица дифференциалов	подготовка к контрольной работе; работа с литературой, чтение дополнительно й литературы	8	12
13	Производные и дифференциалы высших порядков Основные вопросы:	подготовка к контрольной работе; работа с литературой,	8	12

	Производные высших порядков явно заданной функции Механический смысл производной второго порядка Производные высших порядков неявно заданной функции Производные высших порядков от функций, заданных параметрически	чтение дополнительно й литературы		
	Дифференциалы высших порядков			
	Формула Тейлора для многочлена			
	Формула Тейлора для произвольной функции			
14	Исследование функций при помощи производных Основные вопросы: Некоторые теоремы о дифференцируемых функциях Правила Лопиталя	подготовка к контрольной работе; работа с литературой, чтение дополнительно й литературы	8	15
	Возрастание и убывание функций Максимум и минимум функций Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке Выпуклость графика функции. Точки перегиба Асимптоты графика функции Общая схема исследования функции и построения графика			
15	Понятие и представления комплексных чисел Основные вопросы: Определение комплексных чисел Геометрическое изображение комплексных чисел Формы записи комплексных чисел Действия над комплексными числами Сложение комплексных чисел Вычитание комплексных чисел Умножение комплексных чисел Деление комплексных чисел Деление комплексных чисел	подготовка к контрольной работе; работа с литературой, чтение дополнительно й литературы	8	14

16	Неопределенный интеграл Основные вопросы: Понятие неопределенного интеграла Свойства неопределенного интеграла Таблица основных неопределенных интегралов Основные методы интегрирования Метод непосредственного интегрирования Метод интегрирования подстановкой (заменой переменной) Метод интегрирования по частям Понятия о рациональных функциях Интегрирование простейших рациональных дробей Интегрирование рациональных дробей	подготовка к контрольной работе; работа с литературой, чтение дополнительно й литературы	8	15
17	Интегрирование тригонометрических и иррациональных функций Основные вопросы: Интегрирование тригонометрических функций Универсальная тригонометрическая подстановка Использование тригонометрических преобразований Интегрирование иррациональных функций Квадратичные иррациональности Дробно-линейная подстановка Тригонометрическая подстановка Подстановки Эйлера Интегрирование дифференциального бинома	подготовка к контрольной работе; работа с литературой, чтение дополнительно й литературы	9	15
18	Определенный интеграл Основные вопросы:	подготовка к контрольной работе; работа с	9	15

	Определенный интеграл как предел интегральной суммы Геометрический и физический смысл определенного интеграла Основные свойства определенного интеграла Вычисления определенного интеграла Формула Ньютона-Лейбница Интегрирование подстановкой (заменой переменной) Интегрирование по частям Интеграл с бесконечным промежутком интегрирования (несобственный интеграл І рода) Интеграл от разрывной функции (несобственный интеграл II рода) Геометрические и физические приложения определенного интеграла	литературой, чтение дополнительно й литературы		
19	Функции нескольких переменных Основные вопросы: Функции двух переменных Основные понятия Предел функции двух переменных Непрерывность функции двух переменных Свойства функций, непрерывных в ограниченной замкнутой области	подготовка к контрольной работе; работа с литературой, чтение дополнительно й литературы	9	15
20	Производные и дифференциалы функции нескольких переменных Основные вопросы: Частные производные первого порядка Частные производные высших порядков Дифференцируемость и полный дифференциал функции Дифференциалы высших порядков Производная сложной функции. Полная производная Инвариантность формы полного дифференциала Дифференцирование неявной функции Касательная плоскость и нормаль к поверхности	подготовка к контрольной работе	9	15

	Экстремум функции двух переменных Основные понятия Необходимые и достаточные условия экстремума Наибольшее и наименьшее значения функции в замкнутой области			
21	Дифференци-альные уравнения Основные вопросы: Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям Дифференциальные уравнения первого порядка Основные понятия	подготовка к контрольной работе; работа с литературой, чтение дополнительно й литературы	9	15
	Уравнения с разделяющимися переменными Однородные дифференциальные уравнения Линейные уравнения. Уравнение Я. Бернулли Уравнение в полных дифференциалах Интегрирующий множитель Уравнения Лагранжа и Клеро			
	Дифференциальные уравнения высших порядков			
22	Линейные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами Основные вопросы: Линейные однородные ДУ второго порядка Интегрирование ДУ второго порядка с постоянными коэффициентами Интегрирование ЛОДУ второго порядка с постоянными коэффициентами	подготовка к контрольной работе; работа с литературой, чтение дополнительно й литературы	9	15
	Линейные неоднородные дифференциальные уравнения (ЛИДУ) Структура общего решения ЛИДУ второю порядка Метод вариации произвольных постоянных			
	Интегрирование ЛИДУ второго порядка с постоянными коэффициентами и правой частью специального вида			
23	Двойной интеграл Основные вопросы:	подготовка к контрольной работе	9	16

Основные понятия и определения Геометрический и физический смысл двойного интеграла Основные свойства двойного интеграла Вычисление двойного интеграла в декартовых координатах Вычисление двойного интеграла в полярных координатах			
Основные вопросы: Криволинейный интеграл I рода Вычисление криволинейного интеграла I рода	подготовка к контрольной работе; работа с литературой, чтение дополнительно й литературы	9	17
25 Ряды Основные вопросы: Ф		9	17
Итого		200	340

# 7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)

# 7.1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы

Дескрип	Компетенции	Оценочные					
торы	Компетенции	средства					
	УК-1						

Знать	сущность и значение математики в развитии современного общества; основные математические понятия и определения для решения профессиональных задач	устный опрос; контрольная работа
Уметь	решать задачи по линейной алгебре, аналитической геометрии, дифференциальному исчислению; решать задачи по неопределенным и определенным интегралам, дифференциальным уравнениям, теории рядов	устный опрос; контрольная работа; экзамен
Владеть	математическим аппаратом при решении профессиональных задач; основными методами, способами и средствами получения, хранения, переработки математической информации	устный опрос; контрольная работа; экзамен

# 7.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Owarrannia	Уровни сформированности компетенции				
Оценочные средства	Компетентность несформирована	Базовый уровень компетентности	Достаточный уровень компетентности	Высокий уровень компетентности	
устный опрос	Выполнено	Выполнено не	Выполнено 51 -	Выполнено более	
	правильно менее	менее 50%	80% теор, части,	80% теоретической	
	30%	теоретической	практическое	части,	
	теоретической	части и	задание сделано	практическое	
	части,	практических	полностью с	задание выполнено	
	практическая	заданий (или	несущественным	без замечаний	
	часть или не	полностью	и замечаниями		
	сделана или	сделано			
	выполнена менее	практическое			
	30%	задание)			

контрольная работа	Студент не знает	Студент усвоил	Студент	Студент владеет
	значительной	только основной	показывает	глубокими
	части основного	программный	достаточно	твёрдыми
	программного	материал, но не	полные, но не во	знаниями,
	материала, в	знает его	всём глубокие	способен их
	ответе допускает	отдельных	знания	применять в
	существенные	положений, в	материала, умеет	нестандартных
	ошибки,	ответе допускает	применять	ситуациях.
	неправильные	неточности,	полученные	Материал излагает
	формулировки,	недостаточно	знания только в	последовательно,
	не владеет	правильные	стандартных	логически
	необходимыми	формулировки,	ситуациях.	правильно, умеет
	умениями и	нарушает	Студент способен	доказать свою
	навыками в	последовательнос	анализировать	мысль с помощью
	выполнении	ть в изложении	информацию,	убедительных
	практических	программного	устанавливать	аргументов.
	заданий и	материала, не в	связи и	Творчески решает
	решении задач,	полной мере	зависимости	предложенные
	испытывает	владеет	между	задания, что
	значительные	необходимыми	явлениями,	предполагает
	затруднения при	умениями и	делать выводы.	самостоятельность
	самостоятельном	навыками в	Ответы	мышления.
	обобщении	выполнении	достаточно	
	программного	практических	логичны,	
	материала.	заданий и	аргументированы	
		решении задач,	, но студент при	
экзамен				

# 7.3. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

## 7.3.2.1. Примерные задания для контрольной работы (1 семестр ОФО /1 семестр ЗФО)

- 1.1-20.В задачах 1-20 решить систему трех уравнений с тремя неизвестными при помощи определителей.
- 2.В задачах 21-25 дана невырожденная (неособая) матрица А. Требуется: 1) найти обратную матрицу А -1
- ; 2) пользуясь правилом умножения матриц, показать, что  $A \cdot A \cdot 1 = E$ , где E eдиничная матрица.

- 3. В задачах 41-45 составить уравнение геометрического места точек, равноудаленных от данной точки A (x1,y1) и данной прямой y=b. Полученное уравнение привести к простейшему виду и затем построить кривую.
- 4.В задачах 46-50 составить уравнение геометрического места точек, отношение расстояний которых до данной точки A (x1,y1) и данной прямой y=а. Полученное уравнение привести к простейшему виду и затем построить кривую.
- 5.В задачах 51-55 даны координаты точек A (x1;y1) и В (x2;y2) и радиус окружности R, центр которой находится в начале координат. Требуется: 1) составить каноническое уравнение эллипса, проходящего через данные точки A и В; 2) найти полуоси, фокусы и эксцентриситет этого эллипса; 3) найти все точки пересечения эллипса с данной окружностью; 4) построить эллипс и окружность.

### 7.3.2.2. Примерные задания для контрольной работы (2 семестр ОФО /2 семестр ЗФО)

- 1.1-20.В задачах 1-20 решить систему трех уравнений с тремя неизвестными при помощи определителей.
- 2.В задачах 21-25 дана невырожденная (неособая) матрица А. Требуется: 1) найти обратную матрицу А -1
- ; 2) пользуясь правилом умножения матриц, показать, что A .A -1=E, где E единичная матрица.
- 3.В задачах 41-45 составить уравнение геометрического места точек, равноудаленных от данной точки A (x1,y1) и данной прямой y=b. Полученное уравнение привести к простейшему виду и затем построить кривую.
- 4.В задачах 46-50 составить уравнение геометрического места точек, отношение расстояний которых до данной точки A (x1,y1) и данной прямой у=а. Полученное уравнение привести к простейшему виду и затем построить кривую.
- 5.В задачах 51-55 даны координаты точек A (x1;y1) и В (x2;y2) и радиус окружности R, центр которой находится в начале координат. Требуется: 1) составить каноническое уравнение эллипса, проходящего через данные точки A и В; 2) найти полуоси, фокусы и эксцентриситет этого эллипса; 3) найти все точки пересечения эллипса с данной окружностью; 4) построить эллипс и окружность.

### 7.3.3.1. Вопросы к экзамену (1 семестр ОФО /1 семестр ЗФО)

#### 1. Матрицы (основные понятия)

Действия над матрицами

2. Определители (основные понятия)

Свойства определителей

3. Невырожденные матрицы (основные понятия)

Обратная матрица.

4. Элементарные преобразования матриц.

Ранг матрицы

5. Решение произвольной системы линейных уравнений.

6. Решение невырожденных линейных систем.

Формулы Крамера

- 7. Решение систем линейных уравнений методом Гаусса
- 8. Системы линейных однородных уравнений
- 9. Линейные операции над векторами

Проекция вектора на ось

Разложение вектора по ортам координатных осей.

- 10. Модуль вектора. Направляющие косинусы
- 11. Действия над векторами, заданными проекциями.
- 12. Скалярное произведение векторов и его свойства.
- 13. Векторное произведение векторов и его свойства
- 14.Смешанное произведение векторов и его свойства
- 15.Система координат на плоскости

Деление отрезка в данном отношении

16. Линии на плоскости

Уравнения прямой на плоскости

- 17. Прямая линия на плоскости. Основные задачи
- 18.Окружность
- 19.Эллипс
- 20.Гипербола
- 21.Парабола
- 22.Общее уравнение линий второго порядка
- 23. Цилиндрические поверхности
- 24. Поверхности вращения.

- 25. Конические поверхности
- 26. Канонические уравнения поверхностей второго порядка
- 27. Множество (основные понятия)

Числовые множества

28. Множество действительных чисел

Числовые промежутки. Окрестность точки

29.Понятие функции

Числовые функции. График функции.

Способы задания функций

Основные характеристики функции

- 30.Обратная функция
- 31.Сложная функция
- 32.Основные элементарные функции и их графики
- 33. Числовая последовательность
- 34.Предел числовой последовательности

Число е. Натуральные логарифмы

35.Предел функции в точке

Односторонние пределы

#### 36. Бесконечно большие функции

Связь между функцией, ее пределом и бесконечно малой функцией

- 37.Основные теоремы о пределах
- 38.Первый замечательный предел

Второй замечательный предел

Замечательные пределы

39. Сравнение бесконечно малых функций

Эквивалентные бесконечно малые и основные теоремы о них

#### 40. Непрерывность функции в точке

Непрерывность функции в интервале и на отрезке

- 41. Точки разрыва функции и их классификация
- 42.Основные теоремы о непрерывных функциях
- 43. Непрерывность элементарных функций
- 44.Свойства функций, непрерывных на отрезке
- 45. Задачи, приводящие к понятию производной

### 46.Определение производной.

- 47. Уравнение касательной и нормали к кривой
- 48.Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции
- 49. Производная суммы, разности, произведения и частного функций
- 50.Производная сложной и обратной функций
- 51. Производные основных элементарных функций

Гиперболические функции и их производные

- 52. Дифференцирование неявных функций
- 53. Дифференцирование функций заданных параметрически.
- 54. Логарифмическое дифференцирование
- 55.Понятие дифференциала функции
- 56.Основные теоремы о дифференциалах
- 57. Таблица дифференциалов
- 58. Производные высших порядков явно заданной функции
- 59. Механический смысл производной второго порядка
- 60.Производные высших порядков неявно заданной функции
- 61. Производные высших порядков от функций, заданных параметрически
- 62. Дифференциалы высших порядков
- 63. Формула Тейлора для многочлена

Формула Тейлора для произвольной функции

- 64. Некоторые теоремы о дифференцируемых функциях
- 65.Правила Лопиталя
- 66.Возрастание и убывание функций
- 67. Максимум и минимум функций
- 68. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке
- 69.Выпуклость графика функции. Точки перегиба
- 70. Асимптоты графика функции
- 71. Общая схема исследования функции и построения графика
- 72.Определение комплексных чисел
- 73. Геометрическое изображение комплексных чисел
- 74. Формы записи комплексных чисел
- 75. Действия над комплексными числами
- 76.Сложение комплексных чисел

Вычитание комплексных чисел

Умножение комплексных чисел

Деление комплексных чисел

77. Извлечение корней из комплексных чисел

### 7.3.3.2. Вопросы к экзамену (2 семестр ОФО /2 семестр ЗФО)

- 1. Понятие неопределенного интеграла
- 2. Свойства неопределенного интеграла
- 3. Таблица основных неопределенных интегралов
- 4. Метод непосредственного интегрирования
- 5. Метод интегрирования подстановкой (заменой переменной)
- 6.Метод интегрирования по частям
- 7. Понятия о рациональных функциях
- 8. Интегрирование простейших рациональных дробей
- 9.Интегрирование рациональных дробей
- 10.Интегрирование тригонометрических функций
- 11. Универсальная тригонометрическая подстановка
- 12.Использование тригонометрических преобразований
- 13.Интегрирование иррациональных функций
- 14. Квадратичные иррациональности
- 15. Дробно-линейная подстановка
- 16. Тригонометрическая подстановка
- 17.Интегрирование дифференциального бинома
- 18.Определенный интеграл как предел интегральной суммы
- 19. Геометрический и физический смысл определенного интеграла
- 20. Основные свойства определенного интеграла
- 21. Вычисления определенного интеграла
- 22. Формула Ньютона-Лейбница
- 23. Интегрирование подстановкой (заменой переменной)
- 24.Интегрирование по частям
- 25.Интеграл с бесконечным промежутком интегрирования (несобственный интеграл I рода)
- 26.Интеграл от разрывной функции (несобственный интеграл II рода)
- 27. Геометрические и физические приложения определенного интеграла
- 28. Функции двух переменных (основные понятия)
- 29.Предел функции двух переменных

- 30. Непрерывность функции двух переменных
- 31. Свойства функций, непрерывных в ограниченной замкнутой области
- 32. Частные производные первого порядка
- 33. Частные производные высших порядков
- 34. Дифференцируемость и полный дифференциал функции
- 35. Дифференциалы высших порядков
- 36. Производная сложной функции. Полная производная
- 37. Инвариантность формы полного дифференциала
- 38. Дифференцирование неявной функции
- 39. Касательная плоскость и нормаль к поверхности
- 40. Экстремум функции двух переменных (основные понятия)
- 41. Необходимые и достаточные условия экстремума
- 42. Наибольшее и наименьшее значения функции в замкнутой области
- 43. Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям
- 44. Дифференциальные уравнения первого порядка (основные понятия)
- 45. Уравнения с разделяющимися переменными
- 46.Однородные дифференциальные уравнения
- 47. Линейные уравнения. Уравнение Я. Бернулли
- 48. Уравнение в полных дифференциалах
- 49.Интегрирующий множитель
- 50. Уравнения Лагранжа и Клеро
- 51. Дифференциальные уравнения высших порядков
- 52. Линейные однородные ДУ второго порядка
- 53.Интегрирование ДУ второго порядка с постоянными коэффициентами
- 54.Интегрирование ЛОДУ второго порядка с постоянными коэффициентами
- 55. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения (ЛИДУ)
- 56.Структура общего решения ЛИДУ второю порядка
- 57. Метод вариации произвольных постоянных
- 58.Интегрирование ЛИДУ второго порядка с постоянными коэффициентами и правой частью специального вида
- 59.Основные понятия и определения двойного интеграла
- 60. Геометрический и физический смысл двойного интеграла
- 61.Основные свойства двойного интеграла
- 62.Вычисление двойного интеграла в декартовых координатах
- 63.Вычисление двойного интеграла в полярных координатах

#### 64. Приложения двойного интеграла

- 65. Криволинейный интеграл І рода
- 66.Вычисление криволинейного интеграла І рода
- 67. Некоторые приложения криволинейного интеграла І рода
- 68. Криволинейный интеграл II рода
- 69.Вычисление криволинейного интеграла II рода
- 70. Формула Грина
- 71.Условия независимости криволинейного интеграла II рода от пути интегрирования
- 72. Некоторые приложения криволинейного интеграла II рода
- 73. Числовые ряды

Необходимый признак сходимости числового ряда

- 74. Признак Даламбера сравнения рядов
- 75. Радикальный признак Коши сравнения рядов
- 76. Интегральный признак Коши сравнения рядов
- 77. Знакочередующиеся ряды. Признак Лейбница
- 78.Знакопеременные ряды

Абсолютная и условная сходимости числовых рядов

- 79. Функциональные ряды
- 80.Степенные ряды
- 81. Теорема Н. Абеля
- 82.Интервал и радиус сходимости степенного ряда
- 83. Разложение функций в степенные ряды
- 84. Ряды Тейлора и Маклорена
- 85. Разложение некоторых элементарных функций в ряд Тейлора (Маклорена)

# 7.4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций.

#### 7.4.1. Оценивание устного опроса

Критерий	Уровни формирования компетенций			
оценивания	Базовый	Достаточный	Высокий	

Полнота и правильность	Ответ полный, но есть	Ответ полный,	Ответ полный,
ответа	замечания, не более 3	последовательный, но	последовательный,
		есть замечания, не более	логичный
		2	
	3-4	4-4	5-5
Степень осознанности,	Материал усвоен и	Материал усвоен и	Материал усвоен и
понимания изученного	излагается осознанно,	излагается осознанно,	излагается осознанно
	но есть не более 3	но есть не более 2	
	несоответствий	несоответствий	
	3-4	4-4	5-5
Языковое оформление	Речь, в целом,	Речь, в целом,	Речь грамотная,
ответа	грамотная, соблюдены	грамотная, соблюдены	соблюдены нормы
	нормы культуры речи,	нормы культуры речи,	культуры речи
	но есть замечания, не	но есть замечания, не	
	более 4	более 2	
	3-3	4-4	4-5
Итого	9 - 11	12 - 12	14 - 15

### 7.4.2. Оценивание выполнения контрольной работы

Критерий	Уровни	Уровни формирования компетенций				
оценивания	Базовый	Достаточный	Высокий			
Полнота и правильность ответа	Ответ полный, но есть замечания, не более 3	Ответ полный, последовательный, но есть замечания, не более 2	Ответ полный, последовательный, логичный			
	5-6	7-8	8-9			
Степень осознанности, понимания изученного	Материал усвоен и излагается осознанно, но есть не более 3 несоответствий	Материал усвоен и излагается осознанно, но есть не более 2 несоответствий	Материал усвоен и излагается осознанно			
	5-6	6-8	8-9			
Языковое оформление ответа	Речь, в целом, грамотная, соблюдены нормы культуры речи, но есть замечания, не более 4	Речь, в целом, грамотная, соблюдены нормы культуры речи, но есть замечания, не более 2	Речь грамотная, соблюдены нормы культуры речи			
	5-6	6-7	8-8			

Соблюдение требований к оформлению	Не более 4 замечаний	Не более 3 замечаний	Правильное оформление ссылок на используемую литературу; грамотность и культура изложения; владение терминологией и понятийным аппаратом проблемы; соблюдение требований к объему реферата
	5-6	6-7	7-8
Грамотность	Не более 4 замечаний	Не более 3 замечаний	Отсутствие орфографических и синтаксических ошибок, стилистических погрешностей; отсутствие опечаток, сокращений слов, кроме общепринятых; литературный стиль
	5-6	6-7	7-8
Итого	25 - 30	31 - 37	38 - 42

### 7.4.3. Оценивание экзамена

Критерий	Уровни формирования компетенций			
оценивания	Базовый	Достаточный	Высокий	
Полнота ответа, последовательность и логика изложения	Ответ полный, но есть замечания, не более 3	Ответ полный, последовательный, но есть замечания, не более 2	Ответ полный, последовательный, логичный	
Правильность ответа, его соответствие рабочей программе учебной дисциплины	Ответ соответствует рабочей программе учебной дисциплины, но есть замечания, не более 3	Ответ соответствует рабочей программе учебной дисциплины, но есть замечания, не более 2	Ответ соответствует рабочей программе учебной дисциплины	
Способность студента аргументировать свой ответ и приводить примеры	Ответ аргументирован, примеры приведены, но есть не более 3 несоответствий	Ответ аргументирован, примеры приведены, но есть не более 2 несоответствий	Ответ аргументирован, примеры приведены	

Осознанность излагаемого материала	Материал усвоен и излагается осознанно, но есть не более 3 несоответствий	Материал усвоен и излагается осознанно, но есть не более 2 несоответствий	Материал усвоен и излагается осознанно
Соответствие нормам культуры речи	Речь, в целом, грамотная, соблюдены нормы культуры речи, но есть замечания, не более 4	Речь, в целом, грамотная, соблюдены нормы культуры речи, но есть замечания, не более 2	Речь грамотная, соблюдены нормы культуры речи
Качество ответов на вопросы	Есть замечания к ответам, не более 3	В целом, ответы раскрывают суть вопроса	На все вопросы получены исчерпывающие ответы
Итого			

### 7.5. Итоговая рейтинговая оценка текущей и промежуточной аттестации студента по дисциплине

По учебной дисциплине «Математика» используется 100-балльная рейтинговая система оценивания (50 баллов текущего контроля и 50 баллов промежуточного контроля), итог оценивания уровня знаний обучающихся предусматривает экзамен. В зачетно-экзаменационную ведомость вносится оценка по четырехбалльной системе. Обучающийся, выполнивший все учебные поручения строгой отчетности (контрольная работа) и не менее 60 % иных учебных поручений, предусмотренных учебным планом и РПД, допускается к экзамену. Наличие невыполненных учебных поручений может быть основанием для дополнительных вопросов по дисциплине в ходе промежуточной аттестации. Оценка на экзамене – 30-50 баллов, которые суммируются с баллами семестра, после чего выводится общий результат. В итоге обучающийся, получивший не менее 60 баллов, считается аттестованным.

Итоговая рейтинговая оценка R академической успешности студента по дисциплине определяется по формуле:

$$R = \sum_{i}^{n} T_{i} + \mathcal{I}$$
,где

 $T_i$  – рейтинговая оценка студента по всем формам текущего контроля;

Э – рейтинговая оценка студента по результатам экзамена (зачета).

#### Шкала оценивания текущей и промежуточной аттестации студента

Уровни формиро- Сумма баллов по		Оценка по четырехбалльной шкале	
вания компетенции	всем формам контроля	для экзамена	

Высокий	90-100	отлично
Достаточный	74-89	хорошо
Базовый	60-73	удовлетворительно
Компетенция не сформирована	0-59	неудовлетворительно

### Рейтинговая оценка текущего контроля за 1 семестр для студентов ОФО

Формо контроля	Уровни формирования компетенций			
Форма контроля	Базовый	Достаточный	Высокий	
контрольная работа	25 - 30	31 - 37	38 - 42	
Общая сумма баллов	25 - 30	31 - 37	38 - 42	

#### Рейтинговая оценка промежуточного контроля за 1 семестр для студентов ОФО

Форма контроля	Уровни формирования компетенций			
Форма контроля	Базовый	Достаточный	Высокий	
Экзамен	0 - 0	0 - 0	0 - 0	

#### Рейтинговая оценка текущего контроля за 2 семестр для студентов ОФО

Формо контроля	Уровни формирования компетенций			
Форма контроля	Базовый	Достаточный	Высокий	
контрольная работа	25 - 30	31 - 37	38 - 42	
Общая сумма баллов	25 - 30	31 - 37	38 - 42	

### Рейтинговая оценка промежуточного контроля за 2 семестр для студентов $O\Phi O$

Форма контроля	Уровни формирования компетенций		
	Базовый	Достаточный	Высокий
Экзамен	0 - 0	0 - 0	0 - 0

## 8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)

#### Основная литература.

<b>№</b> π/π	Библиографическое описание	ТИП (учебник, учебное пособие, учебно- метод пособие, др.)	Кол-во в библ.
-----------------	----------------------------	---	-------------------

1.	Будаев В.Д. Математический анализ. Функции одной переменной: учебник для студ. вузов, обуч. по направл. 050200 - "Физико-математическое образование" / В. Д. Будаев, М. Я. Якубсон; рец.: Н. А. Широков, В. П. Одинец СПб. М. Краснодар: Лань, 2012 544 с.	учебник	12
2.	Горлач Б.А. Линейная алгебра: учеб. пособие / Б. А. Горлач СПб. М. Краснодар: Лань, 2012 480 с.	учебное пособие	11
3.	Практикум и индивидуальные задания по интегральному исчислению функции одной переменной (типовые расчеты): учеб. пособие для спец. 080100 "Экономика", 140100 "Теплоэнергетика и теплотехника", 140400 "Электроэнергетика и электротехника", 221400 "Управление качеством", 221700 "Стандартизация и метрология", 230400 "Информационные системы и технологии" / В. А. Болотюк [и др.]; рец. Ю. Ф. Стругов [и др.] СПб. М. Краснодар: Лань, 2012 336 с.	учебное пособие	11
4.	Горлач Б.А. Математический анализ: учеб. пособие / Б. А. Горлач СПб. М. Краснодар: Лань, 2013 608 с.	учебное пособие	14
5.	Курс математики для технических высших учебных заведений: учеб. пособие для студ. вузов, обуч. по инж. тех. спец. Часть 3. Дифференциальные уравнения. Уравнения математической физики. Теория оптимизации / Н. А. Берков [и др.]; ред.: В. Б. Миносцев, Е. А. Пушкарь; рец. А. В. Сетуха [и др.] СПб. М. Краснодар: Лань, 2013 528 с.	учебное пособие	25
6.	Курс математики для технических высших учебных заведений: учеб. пособие для студ. вузов, обуч. по инж. тех. спец. Часть 1. Аналитическая геометрия. Пределы и ряды. Функции и производные. Линейная и векторная алгебра / В. Г. Зубков [и др.]; ред.: В. Б. Миносцев, Е. А. Пушкарь; рец. А. В. Сетуха [и др.] СПб. М. Краснодар: Лань, 2013 544 с.	учебное пособие	25

Γ	7.	Ляховский В.А. Курс математики для технических		
		высших учебных заведений: учеб. пособие для студ.		
		вузов, обуч. по инжтех. спец. Часть 2. Функции		
		нескольких переменных. Интегральное исчисление.	учебное	25
		Теория поля / В. А. Ляховский, А. И. Мартыненко, В.		25
		Б. Миносцев; ред.: В. Б. Миносцев, Е. А. Пушкарь;		
		рец. А. В. Сетуха [и др.] СПб. М. Краснодар: Лань,		
		2013 432 c.		

#### Дополнительная литература.

<b>№</b> п/п	Библиографическое описание	ТИП (учебник, учебное пособие, учебно- метод пособие, др.)	Кол-во в библ.
1.	Иванов О. Математический анализ для первокурсников/ О. Иванов, С. Климчук М.: МЦНМО, 2013 136 с.		10
2.	Практикум и индивидуальные задания по векторной алгебре и аналитической геометрии (типовые расчеты): учеб. пособие для спец. 080100 - "Экономика", 140100 - "Теплоэнергетика и теплотехника", 140400 - "Электроэнергетика и электротехника", 221400 - "Управление качеством", 221700 - "Стандартизация и метрология", 230400 - "Информационные системы и технологии", 190300 - "Подвижной состав железных дорог", 190901 - "Системы обеспечения движения поездов" / рец. А. Н. Зубков [и др.] СПб. М. Краснодар: Лань, 2013 288 с.	учебное пособие	14
3.	Лурье И.Г. Высшая математика: практикум / И. Г. Лурье, Т. П. Фунтикова; рец.: Ю. Н. Антипов, Е. Н. Кикоть М.: Вузовский учебник; М.Инфра-М, 2014 160 с.	практикум	15

## 9. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины (модуля)

- 1.Поисковые системы: http://www.rambler.ru, http://yandex.ru,
- 2. Федеральный образовательный портал www.edu.ru.
- 3. Российская государственная библиотека http://www.rsl.ru/ru

- 4. Государственная публичная научно-техническая библиотека России URL: http://gpntb.ru.
- 5.Государственное бюджетное учреждение культуры Республики Крым «Крымская республиканская универсальная научная библиотека» http://franco.crimealib.ru/
- 6.Педагогическая библиотека http://www.pedlib.ru/
- 7. Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU (РИНЦ) http://elibrary.ru/defaultx.asp

### 10. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)

#### Общие рекомендации по самостоятельной работе бакалавров

Подготовка современного бакалавра предполагает, что в стенах университета он овладеет методологией самообразования, самовоспитания, самосовершенствования. Это определяет важность активизации его самостоятельной работы.

Самостоятельная работа формирует творческую активность бакалавров, представление о своих научных и социальных возможностях, способность вычленять главное, совершенствует приемы обобщенного мышления, предполагает более глубокую проработку ими отдельных тем, определенных программой.

Основными видами и формами самостоятельной работы студентов по данной дисциплине являются: самоподготовка по отдельным вопросам; работа с базовым конспектом; работа с литературой, чтение дополнительной литературы; подготовка к устному опросу; подготовка к контрольной работе; выполнение контрольной работы; подготовка к экзамену.

Важной частью самостоятельной работы является чтение учебной литературы. Основная функция учебников — ориентировать в системе тех знаний, умений и навыков, которые должны быть усвоены по данной дисциплине будущими специалистами. Учебник также служит путеводителем по многочисленным произведениям, ориентируя в именах авторов, специализирующихся на определённых научных направлениях, в названиях их основных трудов. Вторая функция учебника в том, что он очерчивает некий круг обязательных знаний по предмету, не претендуя на глубокое их раскрытие.

Чтение рекомендованной литературы — это та главная часть системы самостоятельной учебы бакалавра, которая обеспечивает подлинное усвоение науки. Читать эту литературу нужно по принципу: «идея, теория, метод в одной, в другой и т.д. книгах».

Во всех случаях рекомендуется рассмотрение теоретических вопросов не менее чем по трем источникам. Изучение проблемы по разным источникам - залог глубокого усвоения науки. Именно этот блок, наряду с выполнением практических заданий является ведущим в структуре самостоятельной работы студентов.

Вниманию бакалавров предлагаются список литературы, вопросы к самостоятельному изучению и вопросы к экзамену.

Для успешного овладения дисциплиной необходимо выполнять следующие требования:

- 1) выполнять все определенные программой виды работ;
- 2) посещать занятия, т.к. весь тематический материал взаимосвязан между собой и, зачастую, самостоятельного теоретического овладения пропущенным материалом недостаточно для качественного его усвоения;
- 3) все рассматриваемые на занятиях вопросы обязательно фиксировать в отдельную тетрадь и сохранять её до окончания обучения в вузе;
- 4) проявлять активность при подготовке и на занятиях, т.к. конечный результат овладения содержанием дисциплины необходим, в первую очередь, самому бакалавру;
- 5) в случаях пропуска занятий по каким-либо причинам обязательно отрабатывать пропущенное преподавателю во время индивидуальных консультаций.

Внеурочная деятельность бакалавра по данной дисциплине предполагает:

- самостоятельный поиск ответов и необходимой информации по предложенным вопросам;
- выполнение контрольной работы;
- выработку умений научной организации труда.

Успешная организация времени по усвоению данной дисциплины во многом зависит от наличия у бакалавра умения самоорганизовать себя и своё время для выполнения предложенных домашних заданий. Объём заданий рассчитан максимально на 2-3 часа в неделю. При этом алгоритм подготовки будет следующим:

- 1 этап поиск в литературе теоретической информации по предложенным преподавателем вопросам;
- 2 этап осмысление полученной информации, освоение терминов и понятий;
- 3 этап составление плана ответа на каждый вопрос;
- 4 этап поиск примеров по данной проблематике.

#### Работа с базовым конспектом

Программой дисциплины предусмотрено чтение лекций в различных формах их проведения: проблемные лекции с элементами эвристической беседы, информационные лекции, лекции с опорным конспектированием, лекциивизуализации.

На лекциях преподаватель рассматривает вопросы программы курса, составленной в соответствии с государственным образовательным стандартом. Изза недостаточного количества аудиторных часов некоторые темы не удается осветить в полном объеме, поэтому преподаватель, по своему усмотрению, некоторые вопросы выносит на самостоятельную работу студентов, рекомендуя ту или иную литературу.

Кроме этого, для лучшего освоения материала и систематизации знаний по дисциплине, необходимо постоянно разбирать материалы лекций по конспектам и учебным пособиям.

Во время самостоятельной проработки лекционного материала особое внимание следует уделять возникшим вопросам, непонятным терминам, спорным точкам зрения. Все такие моменты следует выделить или выписать отдельно для дальнейшего обсуждения на практическом занятии. В случае необходимости обращаться к преподавателю за консультацией. Полный список литературы по дисциплине приведен в рабочей программе дисциплины.

#### Подготовка к устному опросу

С целью контроля и подготовки студентов к изучению новой темы вначале каждой практического занятия преподавателем проводится индивидуальный или фронтальный устный опрос по выполненным заданиям предыдущей темы.

Критерии оценки устных ответов студентов:

- правильность ответа по содержанию задания (учитывается количество и характер ошибок при ответе);
- полнота и глубина ответа (учитывается количество усвоенных фактов, понятий и т.п.);
- сознательность ответа (учитывается понимание излагаемого материала);
- логика изложения материала (учитывается умение строить целостный, последовательный рассказ, грамотно пользоваться специальной терминологией);
- рациональность использованных приемов и способов решения поставленной учебной задачи (учитывается умение использовать наиболее прогрессивные и эффективные способы достижения цели);
- своевременность и эффективность использования наглядных пособий и технических средств при ответе (учитывается грамотно и с пользой применять наглядность и демонстрационный опыт при устном ответе);
- использование дополнительного материала (обязательное условие);

– рациональность использования времени, отведенного на задание (не одобряется затянутость выполнения задания, устного ответа во времени, с учетом индивидуальных особенностей студентов).

#### Подготовка к экзамену

Экзамен является традиционной формой проверки знаний, умений, компетенций, сформированных у студентов в процессе освоения всего содержания изучаемой дисциплины. В случае проведения экзамена студент получает баллы, отражающие уровень его знаний.

Правила подготовки к экзаменам:

- Лучше сразу сориентироваться во всем материале и обязательно расположить весь материал согласно экзаменационным вопросам.
- Сама подготовка связана не только с «запоминанием». Подготовка также предполагает и переосмысление материала, и даже рассмотрение альтернативных идей.
- Сначала студент должен продемонстрировать, что он «усвоил» все, что требуется по программе обучения (или по программе данного преподавателя), и лишь после этого он вправе высказать иные, желательно аргументированные точки зрения.

# 11. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю) (включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)

Информационные технологии применяются в следующих направлениях: оформление письменных работ выполняется с использованием текстового редактора;

демонстрация компьютерных материалов с использованием мультимедийных технологий;

использование информационно-справочного обеспечения, такого как: правовые справочные системы (Консультант+ и др.), онлайн словари, справочники (Грамота.ру, Интуит.ру, Википедия и др.), научные публикации.

использование специализированных справочных систем (электронных учебников, справочников, коллекций иллюстраций и фотоизображений, фотобанков, профессиональных социальных сетей и др.).

OpenOffice Ссылка: http://www.openoffice.org/ru/

Mozilla Firefox Ссылка: https://www.mozilla.org/ru/firefox/new/

Libre Office Ссылка: https://ru.libreoffice.org/ Do PDF Ссылка: http://www.dopdf.com/ru/ 7-zip Ссылка: https://www.7-zip.org/

Free Commander Ссылка: https://freecommander.com/ru

be Reader Ссылка: https://acrobat.adobe.com/ru/ru/acrobat/pdf-reader.htmlпопо

Gimp (графический редактор) Ссылка: https://www.gimp.org/

ImageMagick (графический редактор) Ссылка:

https://imagemagick.org/script/index.php

VirtualBox Ссылка: https://www.virtualbox.org/

Adobe Reader Ссылка: https://acrobat.adobe.com/ru/ru/acrobat/pdf-reader.html

Операционная система Windows 8.1 Лицензионная версия по договору №471\1 от 11.12.2014 г.

Электронно-библиотечная система Библиокомплектатор

Национальна электронная библиотека - федеральное государственное бюджетное учреждение «Российская государственная библиотека» (ФГБУ «РГБ»)

Редакция Базы данных «ПОЛПРЕД Справочники»

Электронно-библиотечная система «ЛАНЬ»

## 12. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)

- -компьютерный класс и доступ к сети Интернет (во время самостоятельной подготовки) (должен быть приложен график занятости компьютерного класса);
- -проектор, совмещенный с ноутбуком для проведения лекционных занятий преподавателем и презентации студентами результатов работы
- -раздаточный материал для проведения групповой работы;
- -методические материалы к практическим занятиям, лекции (рукопись, электронная версия), дидактический материал для студентов (тестовые задания, мультимедийные презентации);

### 13. Особенности организации обучения по дисциплине обучающихся из числа инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ)

При необходимости в образовательном процессе применяются следующие методы и технологии, облегчающие восприятие информации обучающимися инвалидами и лицами с OB3:

- создание текстовой версии любого нетекстового контента для его возможного преобразования в альтернативные формы, удобные для различных пользователей;
- создание контента, который можно представить в различных видах без потерь данных или структуры, предусмотреть возможность масштабирования текста и изображений без потери качества;
  - создание возможности для обучающихся воспринимать одну и ту же инфор-

мацию из разных источников — например, так, чтобы лица с нарушением слуха получали информацию визуально, с нарушением зрения — аудиально;

- применение программных средств, обеспечивающих возможность освоения навыков и умений, формируемых дисциплиной, за счет альтернативных способов, в том числе виртуальных лабораторий и симуляционных технологий;
- применение дистанционных образовательных технологий для передачи ческих занятий, выступления с докладами и защитой выполненных работ, проведение тренингов, организации коллективной работы;
- применение дистанционных образовательных технологий для организации текущего и промежуточного контроля;
- увеличение продолжительности сдачи обучающимся инвалидом или лицом с OB3 форм промежуточной аттестации по отношению к установленной продолжительности их сдачи: зачет и экзамен, проводимый в письменной форме, не более чем на 90 мин., проводимый в устной форме не более чем на 20 мин., продолжительности выступления обучающегося при защите курсовой работы не более чем на 15 мин.

#### 14. Виды занятий, проводимых в форме практической подготовки

(не предусмотрено при изучении дисциплины)